

【注意】問題によっては、部分点を可とする。

問題番号	正 答 (例)	採 点 上 の 注 意	配 点
1	$ax^2 + bx + c = 0$ 両辺を a でわると $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a} = 0$ $\frac{c}{a}$ を移項して、 $\left(\frac{b}{2a}\right)^2$ を両辺に加えると $x^2 + \frac{b}{a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = -\frac{c}{a} + \left(\frac{b}{2a}\right)^2$ $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2}$ $x + \frac{b}{2a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ $x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ よって、 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$		15
2	惣菜1個の値段を x 円上げるとすると、惣菜1個の値段は $(50 + x)$ 円となり、1日の売上個数は、 $(400 - 5x)$ 個となる。 1日の売上金額を y 円とすると $y = (50 + x)(400 - 5x)$ $= -5x^2 + 150x + 20000$ $= -5(x - 15)^2 + 21125$ よって、 y は $x = 15$ のとき最大値21125をとる。 したがって、惣菜1個の値段を65円に設定すればよく、そのときの 売上金額は21125円である。		15
3	点 P 、 O を通る直径 PC をひくと $OA = OP$ であるから $\angle OAP = \angle OPA$ ……① $\angle COA$ は $\triangle OAP$ の外角であるから $\angle COA = \angle OAP + \angle OPA$ ……② ①、②から $\angle COA = 2\angle CPA$ ……③ 同様にして $\angle COB = 2\angle CPB$ ……④ $\angle AOB = \angle COB - \angle COA$ ……⑤ ③、④、⑤から $\angle AOB = 2\angle CPB - 2\angle CPA$ $= 2(\angle CPB - \angle CPA)$ $= 2\angle APB$ したがって $\angle APB = \frac{1}{2}\angle AOB$		18
4	条件 p 、 q を満たす集合をそれぞれ P 、 Q とすると $P = \{x \mid a - 2 < x < a + 2\}$ $Q = \{x \mid x > 5\}$ 命題「 $p \Rightarrow q$ 」が真であることは、 $P \subset Q$ が成り立つことと同じであるから $5 \leq a - 2$ したがって、求める a の値の範囲は $a \geq 7$		15

【注意】問題によっては、部分点を可とする。

問題番号	正 答 (例)	採 点 上 の 注 意	配 点	
5	<p>(1) 4回のうち5の目が3回以上出るのは、 5の目がちょうど3回出る、または5の目が4回出る場合である。 5の目がちょうど3回出る確率は ${}^4C_3 \left(\frac{1}{6}\right)^3 \left(1 - \frac{1}{6}\right) = \frac{20}{1296}$ 5の目が4回出る確率は $\left(\frac{1}{6}\right)^4 = \frac{1}{1296}$ これらの事象は互いに排反であるから、求める確率は $\frac{20}{1296} + \frac{1}{1296} = \frac{21}{1296} = \frac{7}{432}$ </p>		1 3	2 5
	<p>(2) A組の通学時間の第3四分位数は40分より小さいから、A組の通学時間が40分以上の生徒は8人以下である。 B組の通学時間の第3四分位数は40分より大きいから、B組の通学時間が40分以上の生徒は9人以上である。 したがって、通学時間が40分以上の生徒の人数はB組よりA組の方が少ないと判断することができる。</p>		1 2	
6	<p>四角形 ABCD は円に内接するから $\angle ABC = 60^\circ$ $\triangle ABC$ において、余弦定理により $AC^2 = 5^2 + 7^2 - 2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot \cos 60^\circ$ $= 39$ $AC > 0$ より、$AC = \sqrt{39}$ $AD = x$ とおくと、$\triangle ACD$ において、余弦定理により $(\sqrt{39})^2 = 5^2 + x^2 - 2 \cdot 5 \cdot x \cdot \cos 120^\circ$ $39 = 25 + x^2 + 5x$ $x^2 + 5x - 14 = 0$ $(x + 7)(x - 2) = 0$ $x = -7, 2$ $x > 0$ であるから $x = 2$ よって、$AD = 2$ 三角形の面積の公式により $\triangle ABC = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 7 \cdot \sin 60^\circ$ $= \frac{35\sqrt{3}}{4}$ $\triangle ACD = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 2 \cdot \sin 120^\circ$ $= \frac{5\sqrt{3}}{2}$ $S = \triangle ABC + \triangle ACD$ $= \frac{35\sqrt{3}}{4} + \frac{5\sqrt{3}}{2}$ $= \frac{45\sqrt{3}}{4}$ </p>		1 8	

【注意】問題によっては、部分点を可とする。

問題番号	正 答 (例)	採 点 上 の 注 意	配 点
7	<p>解と係数の関係から $\alpha + \beta + \gamma = 1$, $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 9$, $\alpha\beta\gamma = 5$ $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3$ $= (\alpha + \beta + \gamma)(\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 - \alpha\beta - \beta\gamma - \gamma\alpha) + 3\alpha\beta\gamma$ $= (\alpha + \beta + \gamma)\{(\alpha + \beta + \gamma)^2 - 3(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)\} + 3\alpha\beta\gamma$ $= 1 \times (1^2 - 3 \times 9) + 3 \times 5$ $= 1 \times (1 - 27) + 15$ $= -26 + 15$ $= -11$</p>		18
8	<p>$f(x) = 2x^2 + ax + 3a$, $g(x) = -3x^2 + 2x + 6$ とおく。 $f'(x) = 4x + a$, $g'(x) = -6x + 2$ 点 A の x 座標を t とおくと $f(t) = g(t)$ より $2t^2 + at + 3a = -3t^2 + 2t + 6$ $5t^2 + (a - 2)t + 3(a - 2) = 0$ ……① $f'(t) = g'(t)$ より $4t + a = -6t + 2$ $a = -10t + 2$ ……② ②を①に代入して $5t^2 + (-10t + 2 - 2)t + 3(-10t + 2 - 2) = 0$ $5t^2 - 10t^2 - 30t = 0$ $-5t(t + 6) = 0$ よって, $t = -6, 0$ $t = -6$ のとき, ②より, $a = 62$ よって, 点 A の y 座標は -114 $t = 0$ のとき, ②より, $a = 2$ よって, 点 A の y 座標は 6 したがって $a = 2$ のとき A (0, 6), $a = 62$ のとき A (-6, -114)</p>		18
9	<p>$x^2 + y^2 = 1$ ……①, $x^2 + y^2 + 8x - 6y + k = 0$ ……②とする。 円①の中心は原点, 半径は 1 である。 また, ②を変形すると, $(x + 4)^2 + (y - 3)^2 = 25 - k$ 円②の中心は (-4, 3), 半径は $\sqrt{25 - k}$ である。 円①, ②の中心間の距離は, $\sqrt{(-4)^2 + 3^2} = 5$ 円①と円②が接するのは, 「円①と円②が外接するとき」と「円①が円②に内接するとき」に限られる。 [1] 円①と円②が外接するとき $5 = 1 + \sqrt{25 - k}$ $4 = \sqrt{25 - k}$ ……③ 両辺を 2 乗すると, $16 = 25 - k$ よって, $k = 9$ これは③を満たす。 [2] 円①が円②に内接するとき $5 = \sqrt{25 - k} - 1$ $6 = \sqrt{25 - k}$ ……④ 両辺を 2 乗すると, $36 = 25 - k$ よって, $k = -11$ これは④を満たす。 したがって, 求める k の値は $k = -11, 9$</p>		18

中学校数学科採点基準

4枚のうち4

【注意】問題によっては、部分点を可とする。

問題番号	正 答 (例)	採 点 上 の 注 意	配 点
10	幾つかの図形から帰納的に見いだした事柄が成り立つかどうかを同じ条件を満たす他の図形で調べることで、その事柄の妥当性を高めることができる。しかし、同じ条件を満たす全ての図形についてその事柄が成り立つかどうかを調べつくすことはできないため、演繹的な推論による証明が必要である。	内容を正しくとらえていれば、表現は異なってもよい。	15
11	$4x + 2y$ が $6xy$ とならない例を示すことで、文字の部分が異なる項はまとめることができないことに気付かせる。	内容を正しくとらえていれば、表現は異なってもよい。	10
12	「文字を用いた式で数量及び数量の関係を捉え説明すること」の内容において、「連続する二つの偶数の積に1をたすと、二つの偶数の間にある奇数の2乗になる」ことを説明させる問題を取り扱う。 その後、問題の条件を偶数から奇数に変えた場合にどのような結果になるのかを考察させ、先に扱った問題との間に共通する性質を見いださせる。	問いを正しくとらえていれば、内容は異なってもよい。	15